

偏差値の低いヤンキーが
日給焼きそばパン2個でやる

数学ⅠA実況 世露死苦!!

～方程式&二次関数基礎～



偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる

数学ⅠA実況世露死苦!!



1/21

a, b を定数とし、 x についての整式

$$A = x^3 + (a+1)x^2 + (5a^2-3)x + 7a - 1$$

$$B = x^2 - 2ax - a + 1, \quad C = x + b$$

を考える。

整式 $A - BC$ を展開して x について整理するとき

x^2 の係数を p 、 x の係数を q 、定数項を r

とする。このとき $p = \square$ ア $a - b + \square$ イ である。

ここで、 $p = 0$ であるとする。

このとき、 x の係数 q は

$$q = a^2 + \square$$
ウ $a + \square$ エ $= (a + \square$ オ $)(a + \square$ カ $)$

となる。ただし、 \square オ と \square カ の解答の順序は問わない。

また、定数項 r は

$$r = \square$$
キ $a^2 + \square$ ク $a - \square$ ケ $= (\square$ コ $a - \square$ サ $)(a + \square$ シ $)$

となる。

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学春A実況世露死苦!!



2/21

さらに、 $p=0$, $q=0$, $r=0$ ならば $a = \boxed{\text{スセ}}$, $b = \boxed{\text{ソタ}}$ である。

このとき、整式 A は $A = (x + \boxed{\text{チ}})(x + \boxed{\text{ソ}})(x - \boxed{\text{テ}})$ となる。

ただし、 $\boxed{\text{チ}}$ と $\boxed{\text{ソ}}$ の解答の順序は問わない。

- 解答 (ア) 3 (イ) 1 (ウ) 3 (エ) 2 (オ) (カ) 1, 2 または 2, 1
 (キ) 3 (ク) 5 (ケ) 2 (コ) 3 (サ) 1 (シ) 2 (スセ) -2
 (ソタ) -5 (チ), (ツ) 1, 3 または 3, 1 (テ) 5

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学春A実況世露死苦!!



3/21

x に関する二つの式 $A = (x-1)(x-a)$, $B = 2x+b$ を考える。ただし、 a , b は定数とする。
 積 AB を展開して整理したときの x^2 の係数を -9 、定数項 (x を含まない項) を 15 とする。
 このとき、 $ab = \boxed{\text{アイ}}$, $2a-b = \boxed{\text{ウ}}$ であり、積 AB を展開して整理したときの x の係数は $\boxed{\text{エオ}}$ である。

また、 $b = 2a - \boxed{\text{ウ}}$ であるから、 a は $a(2a - \boxed{\text{ウ}}) = \boxed{\text{アイ}}$ を満たす。

よって、 $a = \boxed{\text{カ}}$, $\frac{\boxed{\text{キク}}}{\boxed{\text{ケ}}}$ である。

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学者A実況世露死苦!!



4/21

次に、2次不等式 $(x-1)(x-\squareカ)$ < 4 の解を $\alpha < x < \beta$ とすると、

$$\alpha = \squareエ - \squareサ \sqrt{\squareシ}, \quad \beta = \squareコ + \squareサ \sqrt{\squareシ}$$

である。このとき、 $(\alpha-2)^2 = \squareスセ - \squareソタ \sqrt{\squareチ}$ であり、

$$\frac{\alpha+2\beta}{\alpha-2\beta} = \frac{\squareツ - \squareテト \sqrt{\squareチ}}{21}$$

解答 (アイ) 15 (ウ) 7 (エオ) -8 (カ) 5 $\frac{(キク)}{(ケ)} - \frac{-3}{2}$
 $(コ) - (\squareサ)\sqrt{\squareシ} - 3 - 2\sqrt{2}$ $(\squareスセ) - (\squareソタ)\sqrt{\squareチ} - 25 - 22\sqrt{2}$
 $(\squareツ) - (\squareテト)\sqrt{\squareチ} - 1 - 16\sqrt{2}$

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学者A実況世露死苦!!



5/21

$P = x(x+3)(2x-3)$ とする。また、 a を定数とする。

(1) $x = a+1$ のときの P の値は $2a^3 + \squareア a^2 + \squareイ a - \squareウ$ である。

(2) $x = a+1$ のときの P の値と、 $x = a$ のときの P の値が等しいとする。このとき、 a は $3a^2 + \squareエ a - \squareオ = 0$ を満たす。

したがって、 $a = \frac{\squareカキ \pm \sqrt{\squareクケ}}{\squareコ}$ である。

とくに、 $x = \frac{\squareカキ - \sqrt{\squareクケ}}{\squareコ} + 1$ のときの P の値と $x = \frac{\squareカキ - \sqrt{\squareクケ}}{\squareコ}$ のと

きの P の値は等しく、その値は $\squareシス + \frac{\squareセソ \sqrt{\squareセソ}}{\squareタ}$ である。

解答 (ア) 9 (イ) 3 (ウ) 4 (エ) 6 (オ) 2
 $\frac{(\squareカキ) \pm \sqrt{(\squareクケ)}}{(\squareコ)} - \frac{-3 \pm \sqrt{15}}{3}$ $(\squareサ) + \frac{(\squareシス)\sqrt{(\squareセソ)}}{(\squareタ)} - 5 + \frac{17\sqrt{15}}{9}$

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学春A実況世露死苦!!



6/21

a, b を定数として、整式 $P = x^4 + 2x^3 - 4x^2 + ax + b$ を考える。

$x = X - 2$ とおくと、 $x^3 = X^3 - \text{ア} X^2 + \text{イウ} X - \text{エ}$

$$x^4 = X^4 - \text{オ} X^3 + \text{カキ} X^2 - \text{クケ} X + \text{コサ}$$

である。このことから、 $P = X^4 - \text{シ} X^3 + \text{ス} X^2 + mX + n$ となる。

ここで、 $\begin{cases} m = a + \text{セ} \\ n = \text{ソタ} a + b - \text{チツ} \end{cases}$ である。

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学春A実況世露死苦!!



7/21

$m = 0, n = 0$ ならば $a = \text{テト}$, $b = \text{ナ}$ である。このとき、

$P = X^2(X^2 - \text{シ} X + \text{ス})$ となる。 $X^2 \geq 0$ であるから、 P の値が正となるのは

$$X \neq 0 \text{ かつ } X^2 - \text{シ} X + \text{ス} > 0 \text{ …… ①}$$

のときである。①を満たす X の範囲は $X < \text{ニ}$, $\text{ヌ} < X < \text{ネ}$, $\text{ノ} < X$

である。これより、 P の値が正となる x の範囲もただちに求まる。

解答 (ア) 6 (イウ) 12 (エ) 8 (オ) 8 (カキ) 24 (クケ) 32
 (コサ) 16 (シ) 6 (ス) 8 (セ) 8 (ソタ) -2 (チツ) 16
 (テト) -8 (ナ) 0 (ニ) 0 (ヌ) 0 (ネ) 2 (ノ) 4

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学者A実況世露死苦!!



8/21

a を定数とし、 x の2次方程式 $x^2 + (a-9)x - 12a^2 - 29a + 8 = 0$ ……① について考える。このとき $12a^2 + 29a - 8 = (\text{ア}a + \text{イ})(\text{ウ}a - \text{エ})$ であるから、

2次方程式①の解は $x = \text{オ}a + \text{カ}$ 、 $\text{キク}a + \text{ケ}$ である。

(1) $\text{オ}a + \text{カ}$ 、 $\text{キク}a + \text{ケ}$ がともに正となる a の値の範囲は

$$-\frac{\text{コ}}{\text{サ}} < a < \frac{\text{シ}}{\text{ス}}$$

(2) $\text{オ}a + \text{カ}$ 、 $\text{キク}a + \text{ケ}$ のうち、一つが5より大きく、もう一つが

$$-3$$
より小さくなるような a の値の範囲は $a < -\frac{\text{セソ}}{\text{ク}}$ 、 $\text{チ} < a$ である。

解答 (ア) $a +$ (イ) $3a + 8$ (ウ) $a -$ (エ) $4a - 1$ (オ) $a +$ (カ) $3a + 8$

$$(\text{キク})a + (\text{ケ}) - 4a + 1 \quad -\frac{(\text{コ})}{(\text{サ})} - \frac{8}{3} \quad \frac{(\text{シ})}{(\text{ス})} \frac{1}{4} \quad -\frac{(\text{セソ})}{(\text{ク})} - \frac{11}{3}$$

(チ) 1

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学者A実況世露死苦!!



9/21

(1) $a = \sqrt{3} + \sqrt{2}$ 、 $b = \sqrt{3} - \sqrt{2}$ のとき $\frac{a}{b} + \frac{b}{a} = \text{アイ}$ 、

$$a^4 - 2a^2 = \text{ウエ} + \text{オカ} \sqrt{\text{キ}}$$

(2) c を実数とする、 x の整式

$$A = x^3 - (c-2)x^2 - (3c-1)x^2 + (2c^2 + 5c + 8)x + c^2 + 2c + 2$$

を x の整式 $B = x^2 - cx + 1$ で割ったときの余りを $px + q$ とすれば

$$p = c^2 + \text{ク}c + \text{ケ}$$
、 $q = c^2 + \text{コ}c + \text{チ}$ である。とくに $c = \text{シス}$ のとき、 A は B で割り切れる。

解答 (アイ) 10 (ウエ)+(オカ) $\sqrt{\text{キ}}$ $39 + 16\sqrt{6}$ (ク) $c +$ (ケ) $5c + 6$

$$(\text{コ})c + (\text{チ}) 3c + 2 \quad (\text{シス}) -2$$

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学者A実況世露死苦!!



10/21

- (1) 等式 $|2x-3|=5$ を満たす x の値は と である。
- (2) 不等式 $\left|x-\frac{3}{2}\right| < \sqrt{6}$ を満たす整数 x の個数は である。
- (3) n が自然数で、不等式 $\left|x-\frac{3}{2}\right| < n$ を満たす整数 x の個数が6であるとき、
 $n = \text{$ である。

【解答】 (アイ) -1 (ウ) 4 (エ) 4 (オ) 3

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学者A実況世露死苦!!



11/21

方程式 $2(x-2)^2 = |3x-5|$ …… ① を考える。

- (1) 方程式①の解のうち、 $x < \frac{5}{3}$ を満たす解は $x = \text{$ 、 $\frac{\text{$ }{ $\text{$ である。
- (2) 方程式①の解は全部で 個ある。その解のうちで最大のものを α とすると、
 $m \leq \alpha < m+1$ を満たす整数 m は である。

【解答】 (ア) 1 $\frac{\text{$ }{ $\text{$ $\frac{3}{2}$ (エ) 4 (オ) 3

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる

数学春A実況世露死苦!!



12/21

方程式 $|(\sqrt{14}-2)x+2|=4$ の解は $x = -\frac{\text{ア} + \text{イ}\sqrt{14}}{\text{ウ}}, \frac{\text{エ} + \sqrt{14}}{\text{オ}}$ で

ある。また $-\frac{\text{ア} + \text{イ}\sqrt{14}}{\text{ウ}} < n < \frac{\text{エ} + \sqrt{14}}{\text{オ}}$ を満たす整数 n の値数は

カ 個である。

【解答】 $-\frac{(\text{ア})+(\text{イ})\sqrt{14}}{(\text{ウ})} = -\frac{6+3\sqrt{14}}{5}, \frac{(\text{エ})+\sqrt{14}}{(\text{オ})} = \frac{2+\sqrt{14}}{5}$ (カ) 5

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる

数学春A実況世露死苦!!



13/21

方程式 $|3x-4| = -2(x-1)^2+7$ の解は

$x = \frac{\text{ア} - \sqrt{\text{イウ}}}{\text{エ}}, \frac{\text{オ} + \sqrt{\text{カキ}}}{\text{ク}}$ である。

【解答】 $\frac{(\text{ア})-\sqrt{(\text{イウ})}}{(\text{エ})} = \frac{7-\sqrt{57}}{4}, \frac{(\text{オ})+\sqrt{(\text{カキ})}}{(\text{ク})} = \frac{1+\sqrt{73}}{4}$

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学者A実況世露死苦!!



14/21

方程式 $|x+4|+|x-1|=-x^2+14$ …… ① を考える。

(1) 次の [ア] ~ [ウ] に当てはまるものを、下の ① ~ ③ のうちから一つずつ選ぶ。

ただし、同じものを繰り返し選んでもよい。

方程式 ① は

$x < -4$ の範囲では [ア]。

$-4 \leq x < 1$ の範囲では [イ]。

$1 \leq x$ の範囲では [ウ]。

① 解をもたない ② 1個の解をもつ ③ 2個の解をもつ

(2) 方程式 ① の解は $x =$ [エオ]、[カキ] + [ク] $\sqrt{[ケ]}$ である。

解答 (ア) ① (イ) ① (ウ) ① (エオ) -3
 (カキ) + (ク) $\sqrt{[ケ]}$ -1 + 2 $\sqrt{3}$

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学者A実況世露死苦!!



15/21

2次方程式 $x^2-3x-1=0$ の解が α, β で、 $\alpha > \beta$ とするとき、

$$\alpha = \frac{[ア] + \sqrt{[イウ]}}{2}, \beta = \frac{[ア] - \sqrt{[イウ]}}{2}$$

である。また、

$$m < \alpha < m+1 \text{ を満たす整数 } m \text{ の値は } m = [エ]$$

$$n < \beta < n+1 \text{ を満たす整数 } n \text{ の値は } n = [オカ]$$

である。

次に、 $\alpha + \frac{1}{\alpha} = \sqrt{[キク]}$ であり、 $\alpha^3 + \frac{1}{\alpha^3} = [ケコ] \sqrt{[サシ]}$ である。

解答 (ア) 3 $\sqrt{[イウ]}$ $\sqrt{13}$ (エ) 3 (オカ) -1 $\sqrt{[キク]}$ $\sqrt{13}$
 (ケコ) $\sqrt{[サシ]}$ $10\sqrt{13}$

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学者A実況世露死苦!!



16/21

(1) 2次方程式 $8x^2 - 14x + 3 = 0$ の解は $x = \frac{\text{ア}}{\text{イ}}, \frac{\text{ウ}}{\text{エ}}$ である。ただし、 $\frac{\text{ア}}{\text{イ}}$

と $\frac{\text{ウ}}{\text{エ}}$ の解答の順序は問わない。

(2) 連立不等式 $\begin{cases} 8x^2 - 14x + 3 < 0 \\ x^2 + 1 > (x - 3)^2 \end{cases}$ の解は $\frac{\text{オ}}{\text{カ}} < x < \frac{\text{キ}}{\text{ク}}$ である。

解答 (ア) $\frac{1}{2}$, (ウ) $\frac{3}{4}$, (イ) $\frac{3}{2}$, (エ) $\frac{2}{3}$ または $\frac{3}{2}$, $\frac{1}{4}$, (オ) $\frac{4}{3}$, (キ) $\frac{3}{2}$
 (カ) $\frac{4}{3}$, (ク) $\frac{3}{2}$

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学者A実況世露死苦!!



17/21

a を定数とする。2次方程式 $2x^2 - (3a - 1)x + a^2 - 2a + 3 = 0$ ……① が実数の解をもつのは $a^2 + \text{アイ}a - \text{ウエ} \geq 0$ のときである。

$a > 0$ のとき、2次方程式①が重解をもつ a の値は $a = \text{オカ} + \text{キ} \sqrt{\text{ク}}$ である。このとき、2次方程式①の解は $x = \text{ケ} - \text{コ} \sqrt{\text{サ}}$ である。

解答 (アイ) 10 (ウエ) 23 (オカ) $+ \text{キ} \sqrt{\text{ク}}$ $-5 + 4\sqrt{3}$
 (ケ) $- \text{コ} \sqrt{\text{サ}}$ $4 - 3\sqrt{3}$

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学春A実況世露死苦!!



18/21

2次方程式 $2x^2 - 2x - 13 = 0$ の解を α, β とする。ただし、 $\alpha < \beta$ とする。

(1) このとき

$$\alpha = \frac{\boxed{\text{ア}} - \boxed{\text{イ}}\sqrt{\boxed{\text{ウ}}}}{2}, \quad \beta = \frac{\boxed{\text{ア}} + \boxed{\text{イ}}\sqrt{\boxed{\text{ウ}}}}{2}$$

である。また、 $\frac{\alpha}{\beta} = \frac{\boxed{\text{エ}}\sqrt{\boxed{\text{オ}}}}{13} - \boxed{\text{カキ}}$ である。

(2) 不等式 $\alpha < x < \beta$ を満たす整数 x の個数は $\boxed{\text{ク}}$ である。

【解答】 (ア) $-(\text{イ})\sqrt{(\text{ウ})}$ $1-3\sqrt{3}$ (エ) $\sqrt{(\text{オ})} - (\text{カキ})$ $3\sqrt{3}-14$ (ク) 6

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学春A実況世露死苦!!



19/21

2次方程式 $13x^2 + 2x - 2 = 0$ の二つの解のうち、大きい方を α とすると

$$\frac{1}{\alpha} = \frac{\boxed{\text{ア}} + \boxed{\text{イ}}\sqrt{\boxed{\text{ウ}}}}{2} \quad \text{である。}$$

【解答】 (ア) $+(\text{イ})\sqrt{(\text{ウ})}$ $1+3\sqrt{3}$

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学者A実況世露死苦!!



20/21

- (1) 方程式 $(2x-5)^2=(x-7)^2$ の解は と である。
- (2) 不等式 $-\sqrt{10} < x - \frac{5}{2} < \sqrt{10}$ を満たす整数 x の個数は である。
- (3) n が自然数で、不等式 $-n < x - \frac{5}{2} < n$ を満たす整数 x の個数が 16 であるとき、
 $n =$ である。

解答 (ア) 4 (イウ) -2 (エ) 6 (オ) 8

偏差値の低いヤンキーが日給焼きそばパン2個でやる
数学者A実況世露死苦!!



21/21

- p, q は自然数とする。 $\frac{p+1}{q+3} = 0.4$ ……① を満たす p, q を考える。
- (1) p, q がともに 10 以下のとき、① を満たす p, q を求めると
 $p =$, $q =$ および $p =$, $q =$
- である。ただし、 $<$ とする。
- (2) p, q が① を満たすとき、 $p' = p+2, q' = q +$ についても $\frac{p'+1}{q'+3} = 0.4$ となる。
- (3) ① を満たす p, q に対し、 $p+q < 30$ の範囲における $p+q$ の最大の値は である。

解答 (ア) 1 (イ) 2 (ウ) 3 (エ) 7 (オ) 5 (カキ) 24